

ΔΕΥΤΕΡΑ 22 ΙΟΥΝΙΟΥ 2020

ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ

Για τη ΔΟΜΗ: Γ. Παπαγιάννης – Γ. Κομελίδης

**ΘΕΜΑ Α**

A1. γ

A2. α

A3. γ

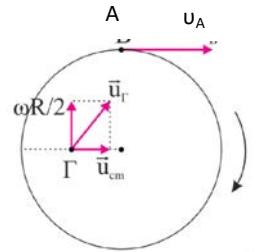
A4. δ

A5. Σ, Λ, Σ, Σ, Λ

**ΘΕΜΑ Β**

B1. (iii)

Αφού ο τροχός δεν ολισθαίνει η μεταφορική ταχύτητα έχει μέτρο  $u_{cm} = \omega R$ . Το σημείο A βρίσκεται στο ανώτατο σημείο του τροχού. Η ολική ταχύτητα είναι το άθροισμα της μεταφορικής ( $u_{cm}$ ) και της επιτρόχιας ( $\omega R$ ) που είναι συγγραμμικές και ομόρροπες. Οπότε η ταχύτητα  $u_A = 2\omega R$ . Το σημείο Γ έχει ολική ταχύτητα που είναι το άθροισμα της μεταφορικής ( $u_{cm}$ ) και της επιτρόχιας ( $\omega R/2$ ) που είναι κάθετες μεταξύ τους.



$$u_{\Gamma} = \sqrt{(\omega R)^2 + \left(\frac{\omega R}{2}\right)^2} = \frac{\sqrt{5}}{2} \omega \cdot R$$

$$u_A = 2u_{cm} = 2\omega R \quad \text{έτσι} \quad \frac{u_{\Gamma}}{u_A} = \frac{\sqrt{5}}{4} \text{ B2.}$$

B2.(ii) Για την ελαστική κρούση ισχύει:

$$v_1 = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \cdot v_0 \quad \text{και} \quad v_2 = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} \cdot v_0$$

$$K_{\alpha\rho\chi} = \frac{1}{2} m_1 \cdot v_0^2 \quad K_2 = \frac{1}{2} m_2 \cdot v_2^2 = \frac{1}{2} m_2 \cdot \left(\frac{2m_1}{m_1 + m_2}\right)^2 v_0^2$$

$$\Pi_1 = \frac{K_2}{K_{\alpha\rho\chi}} = \frac{4m_1 \cdot m_2}{(m_1 + m_2)^2}$$

Το αποτέλεσμα είναι φανερό ότι είναι ανεξάρτητο από το ποια μάζα κινείται και ποια είναι ακίνητη, καθώς και ανεξάρτητο από την αρχική ταχύτητα, οπότε  $\Pi_2 = \Pi_1$  (ii)

B3. (i)  $h = \frac{1}{2}gt^2 \leftrightarrow t_1 = \sqrt{2gh_1}$  και  $t_2 = \sqrt{2g(h_1 - h_2)}$

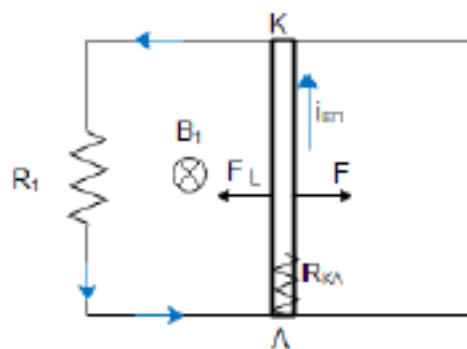
$$s = u t_1 \quad \text{και} \quad \frac{s}{2} = u t_2 \leftrightarrow s = 2u t_2 \leftrightarrow t_1 = 2t_2 \leftrightarrow 3h_1 = 4h_2 \leftrightarrow 3h_1 = 4 \frac{21H}{32} \leftrightarrow h_1 = \frac{7H}{8}$$

$$\text{Εξίσωση Bernoulli: } P_{at} + \frac{1}{2} \rho u^2 = P_{at} + \rho gh \leftrightarrow u^2 = 2g(H - h_1) \leftrightarrow u^2 = \frac{gH}{4} \leftrightarrow u = \frac{\sqrt{gH}}{2} \leftrightarrow$$

$$\Pi = A \frac{\sqrt{gH}}{2} \quad \text{(i)}$$

## ΘΕΜΑ Γ

Γ1. Η κίνηση του αγωγού στο μαγνητικό πεδίο δημιουργεί στα άκρα του ΗΕΔ επαγωγής  $E=BvL$ , η οποία δημιουργεί ρεύμα στο κλειστό κύκλωμα. Έτσι ο αγωγός είναι πλέον ρευματοφόρος και δέχεται δύναμη Laplace αντίρροπη της κίνησης, σύμφωνα με τον νόμο του Lenz. Έτσι ο αγωγός κινείται επιταχυνόμενα με φθίνουσα επιτάχυνση μέχρι να αποκτήσει οριακή ταχύτητα, δηλαδή μέχρι η δύναμη Laplace να γίνει ίση με την εξωτερική.

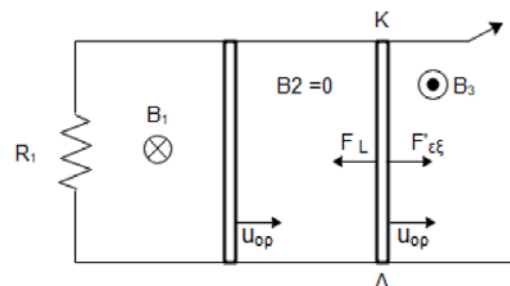


$$F_L = F = 0,8\text{N} \leftrightarrow BIL = 0,8\text{N} \leftrightarrow I_{\text{op}} = 0,8\text{A} \leftrightarrow E_{\text{op}} = I_{\text{op}} \cdot (R_1 + R_{\kappa\lambda}) = 4\text{volt} \leftrightarrow Bu_{\text{op}}L = 4\text{v}$$

$$\leftrightarrow u_{\text{op}} = 4\text{m/s}$$

Από τη στιγμή  $t_1$  έως τη στιγμή  $t_2$  ο αγωγός κάνει ομαλή κίνηση με την ταχύτητα που απέκτησε, χωρίς επίδραση δυνάμεων και επαγωγικών φαινομένων.

Γ2. Τη στιγμή  $t_2$  ο αγωγός εισέρχεται στο μαγνητικό πεδίο  $B_3$ , ίσου μέτρου με το  $B_1$ , άρα τα φαινόμενα επαναλαμβάνονται με αντίρροπη πολικότητα της ΗΕΔ επαγωγής και της φοράς του ρεύματος. Οι δυνάμεις όμως παραμένουν ακριβώς ίδιες, γιατί



$$u_{\text{op}} = \text{σταθ} \leftrightarrow E_{\text{op}} = \text{σταθ} \leftrightarrow I_{\text{op}} = \text{σταθ} \leftrightarrow BIL = \text{σταθ} = 0,8\text{N} = F_{\varepsilon\xi}$$

Γ3. Επειδή η ταχύτητα διατηρείται σταθερή το έργο της  $F_{\varepsilon\xi}$  δαπανάται μόνο για τη μετατόπιση του φορτίου από την ΗΕΔ και είναι  $Q_{\theta} = W_{\eta\lambda} = E \cdot q = 4\text{v} \cdot 0,2\text{c} = 0,8\text{J}$

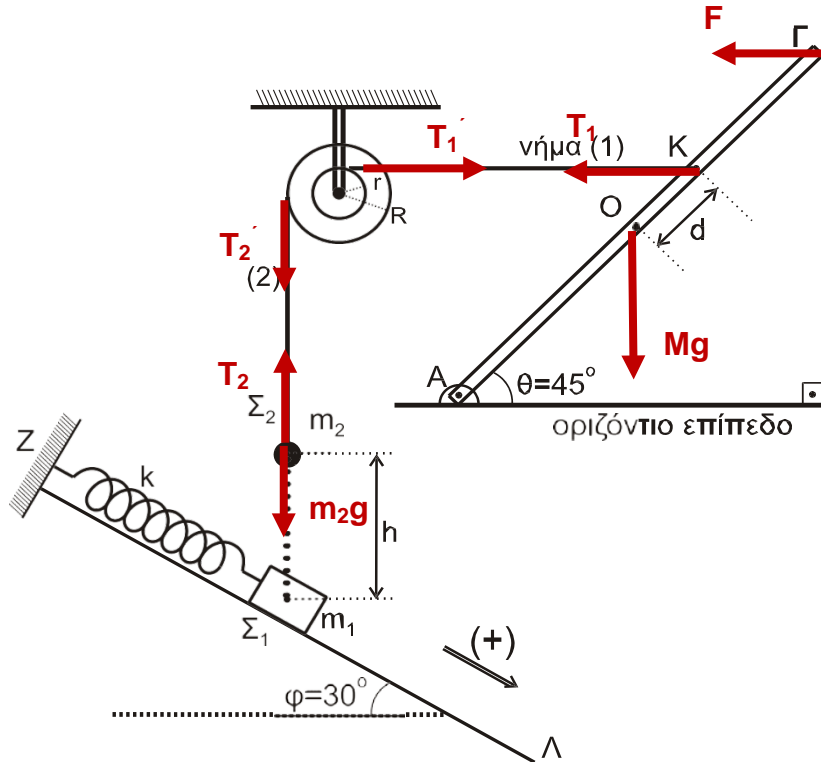
Γ4. Λόγω παράλληλης συνδεσμολογίας των  $R_1 // R_2$ , προκύπτει  $R_{\varepsilon\xi} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = 1\text{Ohm}$

$$F'_L = F = 0,8\text{N} \leftrightarrow BIL = 0,8\text{N} \leftrightarrow I_{\text{op}} = 0,8\text{A} \leftrightarrow E_{\text{op}} = I_{\text{op}} \cdot (R_1 + R_{\varepsilon\xi}) = 3,2\text{volt} \leftrightarrow u_{\text{op}} = 3,2\text{m/s}$$

Με εφαρμογή του 2<sup>ου</sup> κανόνα του Κίρκοφ:

$$E - I_{\text{op}} R_{\kappa\lambda} - I_1 R_1 = 0, \text{ οπότε } I_1 = 0,4\text{A} = I_2$$

## ΘΕΜΑ Δ



Δ1: Για την ισορροπία:

$$\Sigma_2, \quad \Sigma F = 0 \quad \Leftrightarrow \quad T_2 = m_2 g = 30 \text{ N}$$

$$\text{Τροχαλία} \quad \Sigma \tau = 0 \quad \Leftrightarrow \quad T_2 \cdot R - T_1 \cdot r = 0 \quad \Leftrightarrow \quad T_1 = 2 T_2 = 60 \text{ N}$$

$$\text{Ράβδος} \quad \Sigma \tau = 0 \quad \Leftrightarrow \quad w \cdot l / 2 \cdot \sin 45^\circ - T_1 \cdot AK \cdot \eta \mu 45^\circ - F \cdot l \cdot \eta \mu 45^\circ = 0 \quad \Leftrightarrow \quad F = 10 \text{ N}$$

Δ2,3,4:

**Για την ισορροπία  $m_1$ :**  $k \cdot \Delta l_1 = m_1 g \eta \mu 30^\circ \Leftrightarrow \Delta l_1 = 0,05 \text{ m}$

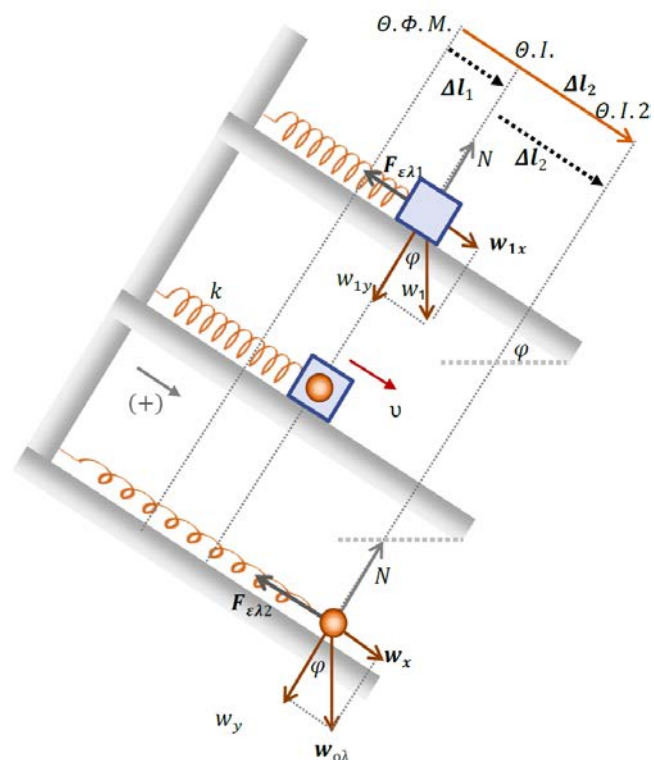
**Πτώση του  $m_2$ :**  $m_2 g \cdot h = \frac{1}{2} m_2 v_2^2 \Leftrightarrow h = \frac{v_2^2}{2g} \quad (1)$

**Πλαστική κρούση:** Εφαρμόζουμε Α.Δ.Ο. στο  $xOx'$  (άξονας παράλληλος στο κεκλιμένο επίπεδο):

$$m_2 v_2 \eta \mu 30^\circ = ((m_1 + m_2) u) \Leftrightarrow u_2 = 2\sqrt{3} \text{ m/s} \text{ και έτσι } h = 0,6 \text{ m}$$

Για την ισορροπία  $m_1 + m_2$ :  $k \cdot (\Delta l_1 + \Delta l_2) = (m_1 + m_2) g \eta \mu 30^\circ$

$$\Leftrightarrow \Delta l_2 = 0,15 \text{ m}$$



**Έναρξη ταλάντωσης**,  $M = m_1 + m_2 = 4\text{kg}$ ,  $D = k = 100\text{N/m}$  και σε  $t=0$ ,  $x = -0,15\text{m}$  με  $v = +\frac{3\sqrt{3}}{4}\text{ m/s}$ ,

$$\text{οπότε } \omega = \sqrt{\frac{D}{M}} = 5\text{r/s},$$

$$\text{Με εφαρμογή Α.Δ.Μ.Ε.Τ.: } E_{\text{ολ}} = K + U \Rightarrow \frac{1}{2}DA^2 = \frac{1}{2}Dx_0^2 + \frac{1}{2}Mv_K^2 \rightarrow A = 0,3\text{m και}$$

Από την εξίσωση  $x = A\eta\mu(\omega t + \varphi_0) \leftrightarrow -0,15 = 0,3\eta\mu\varphi_0$

$$\eta\mu\varphi_0 = -\frac{1}{2} = -\eta\mu\frac{\pi}{6} \text{ με } v > 0 \leftrightarrow \varphi_0 = \frac{11\pi}{6}$$

$$x = 0,3\eta\mu\left(5t + \frac{11\pi}{6}\right)$$

$$\Delta_5: \frac{F_{\varepsilon\lambda}}{F_{\varepsilon\pi}} = \frac{k \cdot \Delta l_{\text{max}}}{k \cdot A} = \frac{0,5\text{m}}{0,3\text{m}} = \frac{5}{3}$$

